例題 32

別解:ベン図を利用して解く

(1)

$$P(A \cup B \cup C) = P(A) + P(B) + P(C) - \{P(A \cap B) + P(B \cap C) + P(C \cap A)\} + P(A \cap B \cap C)$$

$$= \frac{2}{5} + \frac{3}{7} + \frac{1}{2} - \left(\frac{2}{5} \cdot \frac{3}{7} + \frac{3}{7} \cdot \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \cdot \frac{2}{5}\right) + \frac{2}{5} \cdot \frac{3}{7} \cdot \frac{1}{2}$$

$$= \frac{29}{35}$$

(2)

$$P(A \cup B \cup C) - \{P(A \cap B) + P(B \cap C) + P(C \cap A) - 2P(A \cap B \cap C)\}$$

$$= \frac{29}{35} - \left(\frac{2}{5} \cdot \frac{3}{7} + \frac{3}{7} \cdot \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \cdot \frac{2}{5} - 2 \cdot \frac{2}{5} \cdot \frac{3}{7} \cdot \frac{1}{2}\right)$$

$$= \frac{29}{70}$$